1.Classificação <i>INPE-COM.4/RPE C.D.U.:</i> 528.236:529		2.Periodo	4. Critério de Distri buição:
3.Palavras Chaves (selecionadas pelo autor)		elo autor)	interna
DINÂMICA ORBITAL SISTEMAS DE COORDENADA TEMPO	AS		externa X
5. Relatório no	6.Data		7. Révisado por
INPE-1634-RPE/093	Dezemb	pro, 1979	Rodolpho V. de Moraes
8. Título e Sub-Título			9. Autorizado por
NOTAS SOBRE SISTEMAS	DE COORDEN	JADAS E TEMPO	Nelson de Jesus Parada Diretor
10. Setor DSE		Codigo 2828	11. Nº de copias 16
12. Autoria Luiz Danilo dio C. da S		ira, Wilson Custó ns U. Pilchowski	14. Nº de páginas <i>56</i>
13. Assinatura Responsãv	el Luz V.	Jenine	15. Preço
16. Sumário/Notas			
• • • • •			
·	da posição stema de co cos e atôma	o de um astro na pordenadas em out ico também são im	ros, e as relações en portantes. A finalida
Os sistemia para a determinação transformações de um sistem os tempos astronômic	da posição stema de co cos e atôma	o de um astro na pordenadas em out ico também são im	esfera celeste. As ros, e as relações en portantes. A finalida
Os sistemia para a determinação transformações de um sistem os tempos astronômic	da posição stema de co cos e atôma	o de um astro na pordenadas em out ico também são im	esfera celeste. As ros, e as relações en portantes. A finalida
Os sistemia para a determinação transformações de um sistem os tempos astronômic	da posição stema de co cos e atôma	o de um astro na pordenadas em out ico também são im	esfera celeste. As ros, e as relações en portantes. A finalida
Os sistemia para a determinação transformações de um sistem os tempos astronômic	da posição stema de co cos e atôma	o de um astro na pordenadas em out ico também são im	esfera celeste. As ros, e as relações en portantes. A finalida
Os sistemia para a determinação transformações de um sistem os tempos astronômic	da posição stema de co cos e atôma	o de um astro na pordenadas em out ico também são im	esfera celeste. As ros, e as relações en portantes. A finalida

INDICE

ABSTRACT	ひご
LISTA DE FIGURAS	vii
CAPÍTULO I - INTRODUÇÃO	ĭ
CAPITULO II - DEFINIÇÕES PRELIMINARES	3
CAPITULO III - SISTEMAS DE COORDENADAS CELESTES	5
3.1 - Sistema de coordenadas horizontais	5
3.2 - Sistema de coordenadas horārias	6
3.3 - Sistema de coordenadas equatoriais	8
3.4 - Sistema de coordenadas eclípticas	10
CAPÍTULO IV - SISTEMAS DE COORDENADAS GEOCENTRICAS	13
4.1 - Sistema cartesiano terrestre	13
4.1.1 - Sistema cartesiano terrestre instantâneo (U ¹)	13
4.1.2 - Sistema cartesiano terrestre medio (X^{i})	14
4.2 - Sistema cartesiano celeste (ou sideral)	14
4.2.1 - Sistema cartesiano celeste instantâneo (Z^1)	15
4.2.2 - Sistema cartesiano celeste medio (W_1^{i})	15
CAPÍTULO V - SISTEMA CARTESIANO TOPOCÊNTRICO	17
5.1 - Sistema topocentrico astronômico (S ¹)	17
5.2 - Sistema topocentrico geodesico $(\overline{V}^{\hat{1}})$	18
CAPÍTULO VI - VARIAÇÃO DAS COORDENADAS CELESTES	19
6.1 - Precessão geral e nutação	19
6.1.1 - Precessão luni-solar	19
6.1.2 - Nutação	20
6.1.3 - Precessão planetária	21
6.1.4 - Precessão geral	22
6.2 - Movimento do pólo	23

CAPITULO VII - TRANSFORMAÇÃO DE COORDENADAS	25
7.1 - Transformação de coordenadas horizontais (X ⁱ ;h,A) em coorde nadas horārias (Y ⁱ ;δ,H)	26
7.2 - Transformação de coordenadas horârias $(Y^{i}; \delta, H)$ em coordena das equatoriais $(Z^{i}; \delta, \alpha)$	28
7.3 - Transformação de coordenadas equatoriais $(Z^{i}; \delta, \alpha)$ em coorde nadas eclípticas $(T^{i}; \beta, \lambda)$	29
CAPITULO VIII - TRANSFORMAÇÕES DEVIDAS AS VARIAÇÕES DAS COORDENA- DAS CELESTES NO TEMPO	31
8.1 - Precessão geral	31
8.2 - Nutação	32
8.3 - Transformação de sistema de coordenadas terrestre instantã-	
neo (U ⁱ) para celeste verdadeiro (Z ⁱ)	36
8.4 - Transformação de sistema de coordenadas terrestre instant $\hat{\underline{a}}$	
neo (U ¹) para terrestre médio (X ¹)	36
8.5 - Transformação de sistema de coordenadas celeste verdadeiro	
(Z^{i}) para terrestre médio (X^{i})	37
tesianas geodesicas (V ¹)	3 8
8.7 - Relação entre sistema topocentrico (Z¹) e sistema celeste (Z¹)	39
CAPITULO IX - SISTEMAS DE TEMPO	43
9.1 - Tempo astronômico	43
9.1.1 - Tempo solar	43
9.1.3 - Tempo das efemérides	48
9.2 - Tempo atômico	48
9.2.1 - Tempo atômico internacional (TAI)	49
9.2.2 - Tempo universal coordenado (TUC)	49
9.3 - Calendários	49 49
9.3.2 - Calendarios civis	45 50
9.3.3 - Calendário astronômico Gregoriano	51
9.3.4 - Calendario de Bessel	51

9.4 - Transformações de tempo	52
9.4.1 - Conversões de intervalos	52
9.4.2 - Hora sideral media a zero hora civil local	52
9.4.3 - Conversão de hora civil em sideral média	52
9.4.4 - Conversão de hora sideral média em civil	52
9.4.5 - Conversão de hora legal em hora civil	53
9.4.6 - Hora sideral média à O ^h TU	53
9.4.7 - Cálculo da data Juliana (JD) a partir do calendário civil	
Gregoriano em tempo TU	53
REFERÊNCIAS BIBLIOGRĀFICAS	55

.

ABSTRACT

The Celestial Coordinate Systems are used in Astronomy to define the position of objects on the celestial sphere. The transformations of a coordinate system into others and the relationship between astronomic and atomic times is also important. The subject of this work is the presentation of these relationships.

LISTA DE FIGURAS

11.1	-	Esfera celeste	4
111.1	-	Sistema de coordenadas horizontais	5
III.2	-	Sistema de coordenadas horârias	7
111.3	-	Sistema de coordenadas equatoriais	9
111.4	-	Sistema de coordenadas eclípticas	10
IV.1	-	Sistemas cartesianos terrestre e instantâneo médio	14
IV.2	-	Sistemas cartesianos celestes médio e instantâneo	15
٧.1	-	Sistema topocentrico	18
VI.1	-	Movimento de precessão	20
VI.2	-	Precessão	21
VI.3	-	Precessão e nutação	22
VI.4	-	Coordenadas x_p e y_p do polo instantaneo	23
VII.1	_	Sistemas horizontal e horário	26
VII.2	-	Sistemas horário e equatorial	28
VII.3	-	Sistemas equatorial e eclíptico	30
VIII.1	-	Deslocamento entre o equador médio e o verdadeiro	32
VIII.2		Sistemas terrestre instantâneo e celeste verdadeiro	36
VIII.3	_	Sistema de coordenadas geodesicas	38
VIII.4	-	Sistema topocêntrico	40
IX.1	-	Angulo entre a ecliptica e o equador celeste	44
IX.2	_	Fusos horãrios	45

CAPITULO I

INTRODUÇÃO

Em Astronomia, os sistemas de coordenadas celestes são usados para definir as posições (direções) dos corpos (estrelas) na es fera celeste. A posição de um corpo P na esfera celeste de raio \underline{r} e centro $\underline{0}$, fica determinada com o conhecimento de suas coordenadas retil $\underline{1}$ neas x^{1} (i=1,2,3). Todavia, como se trata de pontos sobre uma superficie esférica, é normal posicioná-los através de suas coordenadas esféricas (r, μ , ν), com r unitário.

Os ângulos μ , ν ou arcos de circulos máximos que eles delimitam sobre a superficie da esfera, denominam-se, respectivamente, de abscissa esférica (μ) e ordenada esférica (ν).

É fundamental para as transformações de coordenadas, o conhecimento dos diversos sistemas de tempos e suas medidas, isto é, as relações entre os tempos astronômico e atômico.

CAPTTULO II

DEFINIÇÕES PRELIMINARES

ESFERA CELESTE é uma esfera de raio arbitrário e sobre a qual se supõe projetados todos os astros; com um movimento aparente, ar rasta consigo todos os corpos celestes. Seu centro é considerado como sendo o centro da Terra.

EIXO DO MUNDO \tilde{e} o prolongamento do eixo de rotação da Terra em torno do qual se processa o movimento aparente da esfera celes te (Figura II.1).

PÓLOS CELESTES são os dois pontos em que o eixo do mundo intercepta a esfera celeste. Um deles $\tilde{\rm e}$ o pólo norte celeste (${\rm P_N}$) e o outro $\tilde{\rm e}$ o pólo sul celeste (${\rm P_S}$) (Figura II.1).

CÍRCULO MÁXIMO é qualquer circulo determinado pela inter secção da esfera celeste, com um plano passante pelo seu centro.

EQUADOR CELESTE (QQ') \hat{e} o circulo maximo cujo plano \hat{e} perpendicular ao eixo do mundo; divide a esfera celeste em dois hemisferios: hemisferio norte e hemisferio sul (Figura II.1).

VERTICAL DE UM LUGAR \bar{e} a direção da aceleração da gravidade no lugar; a vertical encontra a esfera celeste em dois pontos dia metralmente opostos, chamados ZÊNITE (Z) e NADIR (N). Materializa-se o zênite acima da cabeça de um observador e o nadir abaixo de seus pes.

PLANO DO HORIZONTE DO LUGAR e o circulo máximo passante pelo centro da esfera e perpendicular a vertical do lugar.

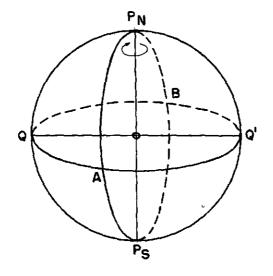
PLANO VERTICAL e todo plano que contem a vertical do lu gar.

MERIDIANOS CELESTES são círculos máximos cujos planos contém o eixo do mundo (Figura II.1).

MERIDIANO DO ASTRO é o meridiano celeste que contém castro.

MERIDIANO DO LUGAR \tilde{e} o meridiano celeste que contem o z \tilde{e} nite do lugar; o plano do horizonte divide-o em duas partes: semi-mer \tilde{i} diano superior (S.M.S.) que contem o z \tilde{e} nite e semi-meridiano inferior (S.M.I.) que contem o nadir (Figura II.2).

 ${\it MOVIMENTO~DIRETO}$ ${
m \vec{e}}$ aquele, no qual um astro se move no mesmo sentido do movimento real da Terra (Oeste para Leste); caso contrario, isto ${
m \vec{e}}$, quando o sentido do movimento ${
m \vec{e}}$ de leste para oeste, o movimento ${
m \vec{e}}$ aparente (inverso) ou retrogrado.



 P_N = polo norte celeste P_S = polo sul celeste QQ' = equador celeste $P_N^{AP}_S B P_N$ = meridiano celeste

Fig. II.1 - Esfera celeste.

CAPITULO III

SISTEMAS DE COORDENADAS CELESTES

3.1 - SISTEMA DE COORDENADAS HORIZONTAIS

Supondo-se a origem 0 do sistema, no local de observação, e o eixo OX3, orientado segundo a vertical do lugar, no sentido do zênite, o plano fundamental X10X2 é o plano do horizonte, tendo o ei xo OX1 dirigido para o sul do horizonte e o eixo OX2 a 900 do eixo OX1 no sentido retrógrado como mostra a Figura III.1.

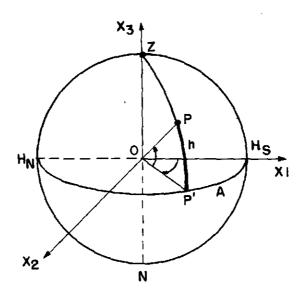


Fig. III.1 - Sistema de coordenadas horizontais

Este sistema recebe o nome de *sistema horizontal* e as co ordenadas esféricas de um astro, neste sistema, são chamadas de *altura* e *azimute*.

ALTURA h de um astro P $\tilde{\mathrm{e}}$ o $\tilde{\mathrm{a}}$ ngulo formado pela direç $\tilde{\mathrm{a}}$ o OP e a sua projeç $\tilde{\mathrm{a}}$ o sobre o plano do horizonte, sendo contada a partir

deste plano em direção ao zênite ou nadir e varia de 0^{0} a $\pm 90^{0}$; o sinal é positivo para os astros observados acima do horizonte e negativo, quando o astro é invisível.

Em muitos casos \tilde{e} comum substituir a altura pelo seu com plemento ZP, e \tilde{e} contado do zênite at \tilde{e} o astro, recebendo o nome de distância zenital (Z). Pode variar de 0^{0} (no zenite) a 180^{0} (no nadir); em um mesmo hemisfério (astro e observador) verifica-se que:

$$h + Z = 90^{\circ}$$

AZIMUTE A de um astro \vec{e} a abscissa esférica H_SP' contada sobre o horizonte, desde o ponto sul (convenção) até o vertical do astro, no sentido retrogrado, variando de $0^{\rm O}$ a $360^{\rm O}$. Em certos problemas \vec{e} usual variar o azimute de $0^{\rm O}$ a $\pm 180^{\rm O}$, atribuindo o sinal positivo quando contado por oeste e negativo, quando contado por leste.

As coordenadas do sistema horizontal apresentam a característica de serem locais, isto \tilde{e} , a altura e o azimute de um astro, no mesmo instante, variam de um lugar para outro, uma vez que variam o horizonte e o meridiano do astro; no mesmo local, $variam\ com\ o\ tempo\ de$ vido ao movimento de rotação da esfera (Tourinho, 1950).

3.2 - SISTEMA DE COORDENADAS HORARIAS

0 plano fundamental é o equador celeste; o eixo 0X3 é di rigido para o polo norte, o eixo 0Y1 para o ponto de intersecção entre o meridiano do lugar e o equador celeste; e o eixo 0Y2 a 90° de 0Y1, no sentido retrogrado, Figura III.2 (Gemael, 1971).

As coordenadas esféricas, neste sistema, recebem a denominação de declinação (δ) e $\hat{a}ngulo$ horário (H).

Declinação δ de um astro P \tilde{e} o \tilde{a} ngulo entre a direção OP e o equador celeste, variando de 0^{0} a $\pm 90^{0}$, contada a partir deste pla

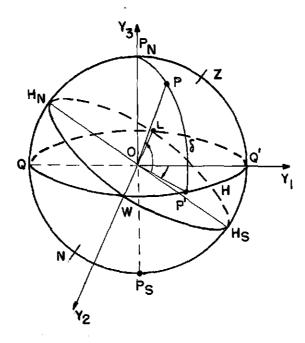


Fig. III.2 - Sistemas de coordenadas horárias

no de referência; o sinal positivo \tilde{e} tomado quando o astro est \tilde{a} no hemisferio norte e negativo no hemisferio sul.

0 complemento da declinação \vec{e} denominado de distância polar, sendo contada do polo norte at \vec{e} o astro, podendo variar de 0 a 180°, sendo representada pela letra p:

$$p + \delta = 90^{0}$$

 $\widehat{\it Angulo Hor\'ARIO H}$ $\widehat{\it e}$ o $\widehat{\it angulo}$ formado entre o meridiano $1\underline{\it o}$ cal e o meridiano celeste que contém o astro, contado sobre o plano do equador, no sentido retrogrado, variando de $0^{\rm O}$ a $360^{\rm O}$; exprime-se também o $\widehat{\it angulo}$ hor $\widehat{\it angulo}$

Em certos problemas do movimento diurno \tilde{e} comum variar o \tilde{a} ngulo hor \tilde{a} rio de 0^{0} a $\pm 180^{0}$; quando a contagem \tilde{e} por leste, adota-se o sinal negativo e quando for por oeste o sinal positivo.

O sistema horário quando comparado com o sistema horizon tal oferece vantagens, uma vez que a declinação do astro no curto prazo das observações é invariável e o equador celeste é o mesmo para todos os observadores (Tourinho, 1950).

Os planos do horizonte e do equador são perpendiculares ao meridiano, então suas intersecções com este plano também são perpendiculares entre si; conclui-se que a meridiana (linha NS) \tilde{e} perpendicular \tilde{a} linha leste-oeste (LW). Estas linhas dividem o plano do horizonte em quatro quadrantes, marcando-se o ponto leste a 90° do ponto norte, $F_{\underline{i}}$ gura III.2.

3.3 - SISTEMA DE COORDENADAS EQUATORIAIS

O Sol em relação à Terra tem um movimento aparente, des crevendo sobre a superfície da esfera celeste, em um ano, uma circunfe rência máxima denominada ecliptica. O plano da ecliptica está inclina do, em relação ao plano do equador, de um ângulo de 23º 27', chamado de obliquidade da ecliptica que é representado por ϵ^* .

0 plano da eclíptica e do equador interceptam-se segundo uma reta $\gamma\Omega$, linha dos equinócios; a intersecção desta linha com a esfera celeste fornece os pontos equinociais, como mostra a Figura III.3.

0 Sol em seu movimento aparente, anual, atinge o ponto equinocial γ , ponto vernal ou ponto Áries, ao passar do hemisfério sul para o norte; o ponto vernal é o começo do outono no hemisfério sul.

0 ponto equinocial Ω , ponto Libra ou Balança, \bar{e} o ponto que o Sol atinge quando cruza o equador, do norte para o sul; neste instante tem inicio a primavera no hemisferio sul.

^{*} O ângulo ε não é constante e o valor mencionado é aproximado (ver equa ção VIII.14).

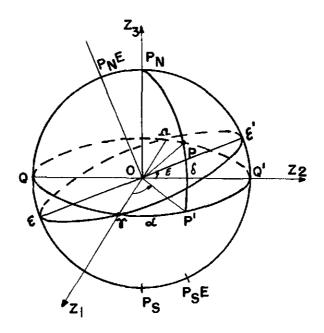


Fig. III.3 - Sistema de coordenadas equatoriais

Na Figura III.3, os pontos ε ε' são denominados de pontos solsticiais ou solstício de verão e inverno, os quais assinalam o início do verão e do inverno.

Visto isto, o plano fundamental no sistema de coordena das equatoriais (também conhecido como uranográficas) é o equador; o ei xo 0Z3 é dirigido para o polo norte, o eixo 0Z1 dirigido para o ponto vernal e o eixo 0Z2 a 90° deste, no sentido direto.

Neste sistema de coordenadas, a ordenada esférica é a mesma do sistema horário, ou seja, a declinação δ.

ASCENCÃO RETA α de um astro \tilde{e} a abscissa esférica de γ P', contada sobre o equador, desde o ponto vernal γ , no sentido direto, até encontrar o meridiano do astro; sua variação \tilde{e} Oh a 24h.

As coordenadas deste sistema são invariáveis em relação ao lugar de observação e ao tempo, uma vez que se desprezam os efeitos da precessão e nutação (Mueller, 1968).

3.4 - SISTEMA DE COORDENADAS ECLÍPTICAS

O plano fundamental neste sistema \tilde{e} o da ecliptica; o ei xo OT3 \tilde{e} dirigido para o polo da ecliptica; o eixo OT1 dirigido para o ponto vernal e a 90 $^{\rm O}$ de OT1, no sentido direto, encontra-se o eixo OT2, conforme a Figura III.4.

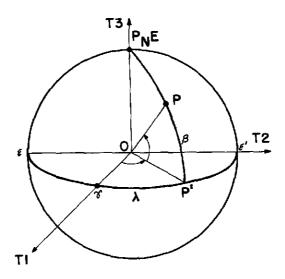


Fig. III.4 - Sistema de coordenadas eclípticas

As coordenadas esfericas neste sistema são a latitude ce leste β (ordenada) e longitude celeste λ (abscissa).

LATITUDE CELESTE β de um astro P \tilde{e} o ângulo entre a direção OP e sua projeção sobre o plano da eclíptica; \tilde{e} contado a partir deste plano at \tilde{e} o astro; esta varia de 0^{O} a $\pm 90^{O}$, usando o sinal positivo para os astros situados ao norte da eclíptica e o negativo, para os astros que se encontram ao sul deste plano.

CÍRCULO DE LONGITUDE de um astro $\tilde{\rm e}$ o círculo máximo de terminado pelos polos da eclíptica e pelo astro.

LONGITUDE CELESTE λ . Se p' \tilde{e} a intersecção do circulo de longitude com o plano da ecliptica, chama-se longitude celeste a abscis

sa esférica $\gamma P'$, de origem no ponto vernal γ , no sentido direto, até o círculo de longitude do astro; esta varia de 0° a 360° .

As coordenadas eclípticas não são obtidas de observação direta, e sim, de transformação de coordenadas, partindo das coordenadas equatoriais (Gemael, 1971). As coordenadas eclípticas são invari $\underline{\tilde{a}}$ veis com o lugar da observação e com o tempo, quando são desprezados os efeitos de precessão e nutação.

CAPTTULO IV

SISTEMAS DE COORDENADAS GEOCÊNTRICAS

Os sistemas geocêntricos são apropriados para se referir a pontos ligados ao planeta Terra, isto é, sujeitos ou não ao movimento de rotação. Considera-se dois tipos de sistemas geocêntricos: sistema cartesiano terrestre e sistema cartesiano celeste.

4.1 - SISTEMA CARTESIANO TERRESTRE

O sistema cartesiano terrestre \tilde{e} divido em: sistema cartesiano instantâneo (ou verdadeiro) U i e sistema cartesiano medio X^{i} , com i = 1, 2, 3, e estão sujeitos ao movimento de rotação da Terra.

4.1.1 - SISTEMA CARTESIANO TERRESTRE INSTANTANEO (U¹)

Este sistema é definido como se segue:

- a) origem: centro de gravidade da Terra;
- b) eixo OU3: dirigido para o polo norte instantâneo, calculado com base nas coordenadas fornecidas pelo Serviço Internacional do Movimento do Polo (SIMP);
- c) eixo OUI: dirigido para o ponto de intersecção entre o meridia no astronômico médio de Greenwich (Mueller, 1968) e o equador instantâneo;
- d) eixo OU2: a 90° OU1 no sentido direto.

Neste sistema, as coordenadas Ul, U2, U3, de um ponto na superfície da Terra, variam em função do movimento do pólo, como mostra a Figura IV.1.

4.1.2 - SISTEMA CARTESIANO TERRESTRE MEDIO (X1)

Definição:

- a) origem: centro de gravidade da Terra;
- b) eixo 0X3: dirigido para o p\u00f3lo norte m\u00e9dio 1900-1905, conforme defini\u00e7\u00e3o do SIMP;
- c) eixo OX1: orientado para a intersecção entre o meridiano astronomico médio de Greenwich (Mueller, 1968) e o equador médio;
- d) eixo OX2: a 90⁰ de OX1 no sentido direto (Figura IV.2).

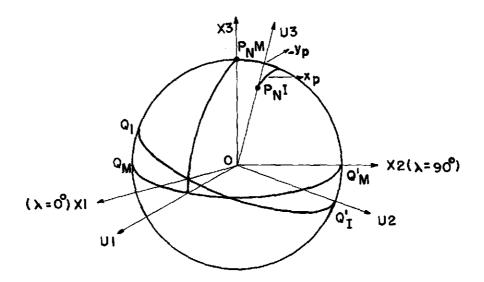


Fig. IV.1 - Sistemas cartesianos terrestre e instantâneo e médio.

A Figura IV.1 mostra os sistemas cartesianos instantâneo e médio, onde $\mathbf{x}_{\mathbf{p}}$ e $\mathbf{y}_{\mathbf{p}}$ são as coordenadas do pólo norte instantâneo ($\mathbf{P}_{\mathbf{N}}\mathbf{I}$) em relação ao pólo médio ($\mathbf{P}_{\mathbf{N}}\mathbf{M}$), fornecidas pelo SIMP.

4.2 - SISTEMA CARTESIANO CELESTE (OU SIDERAL)

As coordenadas neste sistema independem da rotação da Terra, e considera-se dois tipos: sistema cartesiano celeste instantâneo (ou verdadeiro) Z^i e sistema cartesiano médio W^i , ambos geocêntricos.

4.2.1 - SISTEMA CARTESIANO CELESTE INSTANTÂNEO (Zⁱ)

Este sistema estã sujeito à influência da precessão geral e da nutação, e e definido como (Gemael, 1971):

- a) origem: centro de gravidade da Terra;
- b) eixo OZ3: dirigido para o polo norte instantâneo;
- c) eixo OZ1: dirigido para o ponto vernal instantâneo;
- d) eixo OZ2: a 900 de OZ1 no sentido direto (Figura IV.2).

4.2.2 - SISTEMA CARTESIANO CELESTE MEDIO (W1)

O sistema cartesiano celeste medio esta sujeito apenas à precessão geral, e sua definição e:

- a) origem: centro de gravidade da Terra;
- b) eixo OW3: no sentido do polo norte medio;
- c) eixo OW1: no sentido do ponto vernal médio;
- d) eixo OW2: a 90⁰ do eixo OW1 no sentido direto (Figura IV.2).

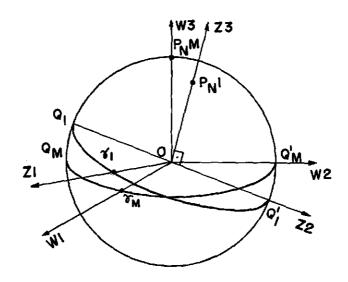


Fig. IV.2 - Sistemas cartesianos celestes médio e instantâneo

CAPITULO V

SISTEMA CARTESIANO TOPOCÊNTRICO

O sistema cartesiano topocêntrico tem como origem um ponto na superfície terrestre ou no ponto correspondente \bar{a} superfície eli \bar{p} soidal ou geoidal. Este sistema pode ser:

- a) astronômico, com o eixo 3 coincidindo com a vertical* do ponto;
- b) geodésico, quando o eixo 3 coincide com a normal do ponto.

5.1 - SISTEMA TOPOCÊNTRICO ASTRONÔMICO (S¹)

È definido como:

- a) origem: estação de observação O, com o eixo OS3, coincidindo com a vertical da estação;
- b) eixo OS1: tangente ao meridiano medio da estação, orientado para o sul;
- c) eixo OS2, perpendicular ao anterior, de modo a definir um si \underline{s} tema inverso (Figura V.1).

A Figura V.l mostra o sistema topocêntrico, onde ϕ e λ são as coordenadas astronômicas da estação e θ o ângulo horário do ponto vernal γ . Nesta figura, apenas para esclarecimentos, adotou-se o sistema celeste instantâneo, mas poderia ser usado outro sistema de referência.

^{*} Vertical de um ponto é a linha que passa por ele e é perpendicular ao geoide; quando ela é perpendicular ao elipsoide é denominada de normal.

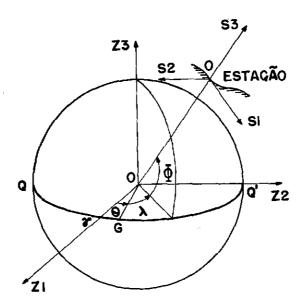


Fig. V.1 - Sistema topocentrico.

5.2 - SISTEMA TOPOCÊNTRICO GEODÉSICO (\overline{V}^{\dagger})

Substituindo a vertical da estação pela sua normal, obtém-se o sistema topocêntrico geodésico; a orientação dos eixos será:

- a) eixo $0\overline{V}3$: coincidindo com a normal da estação;
- b) eixo $0\overline{V1}$: tangente ao meridiano medio da estação, orientado para o sul;
- c) eixo $0\overline{V2}$: perpendicular ao anterior, definindo um sistema in verso (Gemael, 1973).

CAPTTULO VI

VARIAÇÃO DAS COORDENADAS CELESTES

As coordenadas equatoriais e eclípticas são invariáveis com o tempo, quando a precessão e nutação são desprezadas. Porém, quando estas perturbações são levadas em consideração, as coordenadas so frem pequenas variações com o decorrer do tempo.

Os fatores que causam estas variações são inúmeras, porem, aqui, será levada em consideração apenas a precessão geral, a nutação e o movimento do polo; os outros fatores têm mais aplicação na As tronomia.

6.1 - PRECESSÃO GERAL E NUTAÇÃO

6.1.1 - PRECESSÃO LUNI-SOLAR

Devido ao fato do eixo de rotação da Terra ser inclinado em relação ao eixo da ecliptica de um valor igual à obliquidade, e da Terra não ser esférica, e que se dã o fenômeno da precessão luni-solar.

Tal fenômeno pode ser visualisado como o movimento de um pião, o qual gira em torno de seu eixo OB que está inclinado de um angu lo i com a vertical OZ (Figura VI.1).

O peso P, que é aplicado em G, cria um momento em rela ção a O, o que da a impressão que o pião ira cair sobre a superfície em que ele esta girando; isto não ocorre devido \tilde{a} sua velocidade.

O eixo OB gira uniformemente em torno do eixo OZ, de modo que B descreve uma circunferência de centro em Z e o eixo OB descreve uma superfície cônica. Este movimento é denominado de precessão.

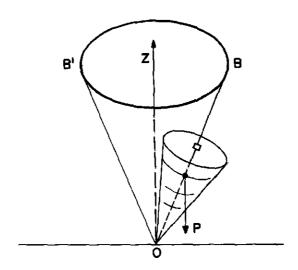


Fig. VI.1 - Movimento de precessão.

Algo de semelhante acontece com a Terra. O Sol situado na eclíptica exerce, sobre as protuberâncias equatoriais, atrações F_1 e F_2 , onde $F_1 > F_2$, pois F_2 está mais distante do Sol, Figura VI.2. Este fato, introduz uma resultante F, produzindo um momento em relação ao centro da Terra. Como a Terra está girando, os pólos P_N e P_S descrevem circunferências com os centros sobre o eixo da eclíptica. O eixo de rotação da Terra descreve uma superfície cônica de duas folhas, com o centro em 0. O efeito da Lua superpõe-se ao efeito da atração do Sol, dan do origem à precessão Luni-Solar. Os pólos celestes giram em torno do eixo da eclíptica com um período de, aproximadamente, 25.800 anos; devido à precessão, o ponto vernal sofre um deslocamento de 50,2" por ano, no sentido retrógrado (Hatschbach, 1975).

6.1.2 - NUTAÇÃO

A orbita terrestre não é circular, ocasionando variações periódicas na distância Terra-Sol. O mesmo ocorre com a Lua. Então, a intensidade das forças de atração também sofre variações periódicas. A orbita da Lua não coincidindo com a eclíptica, provoca alterações perió

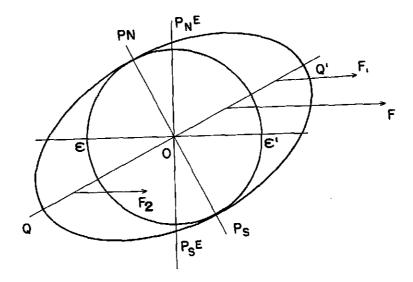


Fig. VI.2 - Precessão.

dicas na direção das forças atrativas. O fenômeno resultante \tilde{e} conhecido como nutação astronômica ou simplesmente nutação, que \tilde{e} o movimento periodico dos polos celestes com amplitude de 18" e periodo principal de, aproximadamente, 18,6 anos (Hatschbach, 1975).

A nutação superposta a precessão luni-solar impõe um movimento ondulatório aos pólos celestes, conforme a Figura VI.3.

A nutação \tilde{e} decomposta em duas componentes: nutação em longitude, representada por $\Delta\psi$, causada pelas variações da intensidade da força atrativa F, e nutação em obliquidade, $\Delta\epsilon$, causada pelo efeito da variação periódica da direção da força F.

6.1.3 - PRECESSÃO PLANETĀRIA

A eclíptica é a projeção do plano da órbita da Terra na esfera celeste; esta órbita está sujeita a perturbações devidas às atrações dos planetas. Portanto, a posição da eclíptica varia com o tempo,

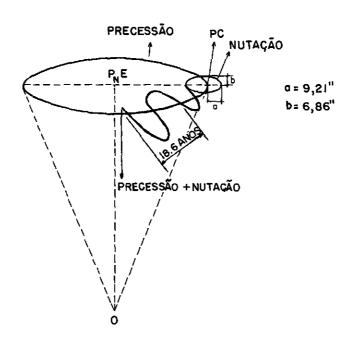


Fig. VI.3 - Precessão e nutação.

e esta variação é denominada de precessão planetária. O deslocamento no sentido direto do ponto vernal de aproximadamente 12,5", por século, e a diminuição na obliquidade da eclíptica, cerca de 47" por século, são devidas à precessão planetária.

6.1.4 - PRECESSÃO GERAL

A precessão luni-solar e a precessão planetária são con sideradas simultaneamente, e a combinação das duas $\bar{\rm e}$ conhecida como precessão geral.

Define-se precessão geral em *longitude*, precessão geral em *ascenção reta* e precessão geral em *declinação*, tomando-se somente os movimentos médios dos polos do equador e da ecliptica.

6.2 - MOVIMENTO DO POLO

Além dos movimentos de precessão e nutação, a Terra pos sui um movimento em relação ao seu eixo, que ocasiona um deslocamento de um ponto fixo na crosta terrestre em relação ao polo instantâneo, ou me lhor, existe um movimento do polo em relação a um ponto fixo na superficie terrestre. Tal fenômeno é conhecido como movimento do polo, e entre outras coisas, é devido a não coincidência do eixo de rotação da Terra com um eixo principal de inércia e a causas meteorológicas.

A posição do polo instantâneo em relação a um ponto fixo é dado por um par de coordenadas cartesianas (x_p, y_p) , com origem neste ponto. A União Geodésica e Geofísica Internacional estabeleceu, como o rigem destas coordenadas, a posição média do polo instantâneo durante o período de 1900-1905. O eixo X está orientado na direção do meridiano médio de Greenwich e o eixo Y na direção oeste, conforma a Figura VI.4.

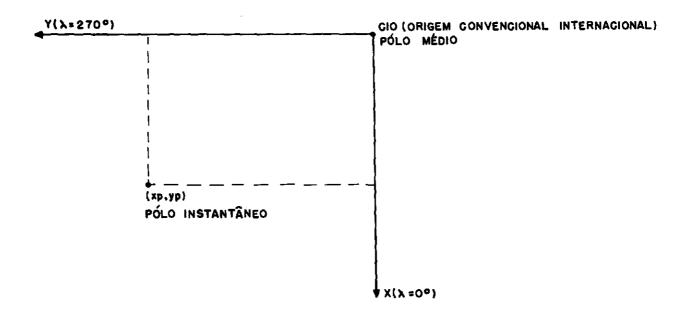


Fig. VI.4 - Coordenadas x_p e y_p do polo instantaneo.

As coordenadas x_p e y_p são fornecidas pelo Serviço Internacional do Movimento do Pólo (SIMP) e são medidas em segundos de arco.

O movimento do polo tem efeito sobre a latitude, longitu de e azimute de uma estação sobre a superficie terrestre.

As equações (VI.1) fornecem as correções a serem introd \underline{u} zidas nas coordenadas de uma estação (Mueller, 1968).

$$\Delta \phi = -x_p \cos \lambda + y_p \sin \lambda$$

$$\Delta \lambda = -(x_p \sin \lambda + y_p \cos \lambda) tg\phi$$

$$\Delta A = -(x_p \sin \lambda + y_p \cos \lambda) sen\phi$$
(VI.1)

CAPTTULO VII

TRANSFORMAÇÃO DE COORDENADAS

As coordenadas curvilíneas de um ponto na esfera celeste são caracterizadas por dois graus de liberdade (v,μ) , uma vez que o raio da mesma é tomado como unitário (r=1).

As coordenadas cartesianas de um ponto (ou astro) serão dadas por:

$$\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos v \cos \mu \\ \cos v \sin \mu \\ \sin v \end{pmatrix}$$
 (VII.1)

As transformações de coordenadas, para diferentes sistemas, se efetuam através de rotações em torno dos eixos coordenados, que são definidos por (Goldstein, 1963):

$$\mathbf{R}_{1}(\xi) = \begin{cases} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \xi & \sin \xi \\ 0 & -\sin \xi & \cos \xi \end{cases}, \qquad (VII.2)$$

rotação no eixo X1,

$$\mathbf{R}_{2}(\xi) = \begin{cases} \cos \xi & 0 & -\sin \xi \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \xi & 0 & \cos \xi \end{cases}, \tag{V1I.3}$$

rotação no eixo X2,

$$\mathbf{R}_{3}(\xi) = \begin{cases} \cos \xi & \sin \xi & 0 \\ -\sin \xi & \cos \xi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{cases} , \qquad (VII.4)$$

rotação no eixo X3

Outra definição importante nas transformações \tilde{e} a da reflexão de eixos. Existem sistemas de coordenadas que são invertidos em relação aos demais, isto \tilde{e} , o ângulo \tilde{e} contado a partir do eixo 1 no sentido horário, enquanto que nos sistemas diretos (dextrogiros), o \tilde{a} ngulo \tilde{e} contado a partir do eixo 1, por \tilde{e} m, no sentido anti-horário. Para converter um sistema inverso num direto (dextro), basta inverter o sentido de um de seus eixos. O processo de tais inversões \tilde{e} denominado de reflexão, que \tilde{e} definida como:

$$\mathbf{R}_{(1)} = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}, \quad \mathbf{R}_{(2)} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} e \quad \mathbf{R}_{(3)} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$
(VII.5)

que são, respectivamente, as reflexões para cada um dos eixos 1, 2 e 3.

Nas transformações de coordenadas podem aparecer, além das rotações e reflexões, algumas translações que surgem na forma matricial aditiva.

7.1 - TRANSFORMAÇÃO DE COORDENADAS HORIZONTAIS (X¹;h,A) EM COORDENADAS HORÂRIAS (Y¹; 8, H)

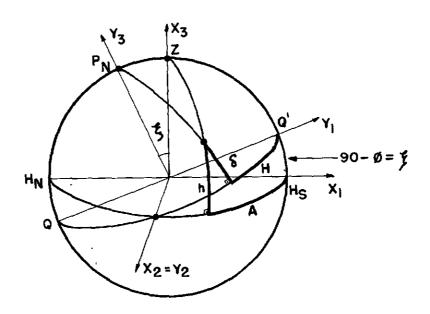


Fig. VII.1 - Sistemas horizontal e horário.

Assim, a transformação serã

$$\vec{\mathbf{Y}} = \vec{\mathbf{R}} (90-\phi) \vec{\mathbf{X}}$$
 (VII.6)

ou

$$\begin{pmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \operatorname{sen}\phi & \operatorname{O} & \operatorname{cos}\phi \\ \operatorname{O} & \operatorname{I} & \operatorname{O} \\ -\operatorname{cos}\phi & \operatorname{O} & \operatorname{sen}\phi \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{pmatrix}$$
 (VII.7)

Pela expressão (VII.1), tem-se que:

$$X_1 = \cos A \cosh$$
 $Y_1 = \cos H \cos \delta$
 $X_2 = \sec A \cosh$ e $Y_2 = \sec H \cos \delta$ (VII.8)
 $X_3 = \sinh$ $Y_3 = \sec \delta$

e
$$\delta = tg^{-1}(Y_2/Y_1)$$

 $H = tg^{-1}|Y_3/(Y_1^2 + Y_2^2)^{1/2}|$ (VII.9)

A transformação inversa serã:

$$\widetilde{\mathbf{X}} = \widetilde{\mathbf{R}}_2^{\mathsf{T}} (90 - \phi) \widetilde{\mathbf{Y}}$$
 (VII.10)

ou

$$\begin{pmatrix} X_1 \\ X_2 \\ X_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \operatorname{sen}\phi & \operatorname{O} & -\operatorname{cos}\phi \\ \operatorname{O} & \operatorname{1} & \operatorname{O} \\ \operatorname{cos}\phi & \operatorname{O} & \operatorname{sen}\phi \end{pmatrix} \begin{pmatrix} Y_1 \\ Y_2 \\ Y_3 \end{pmatrix}$$
 (VII.11)

7.2 - TRANSFORMAÇÃO DE COORDENADAS HORÂRIAS $(Y^{i}; \delta, H)$ EM COORDENADAS EQUATORIAIS $(Z^{i}; \delta, \alpha)$

Observar a Figura VII.2.

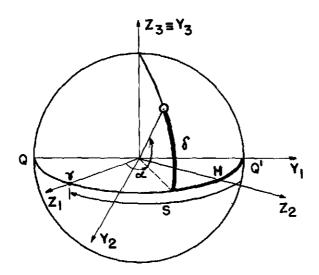


Fig. VII.2 - Sistemas horário e equatorial.

A transformação ē:

$$\tilde{\mathbf{Z}} = \tilde{\mathbf{R}}_3 \quad (-S) \quad \tilde{\mathbf{R}}(2) \quad \tilde{\mathbf{Y}}$$
 (VII.12)

ou:

ou ainda:

Desenvolvendo a primeira linha e substituindo a (VII.1) vem:

$$Z_1 = Y_1 \cos S + Y_2 \sin S$$

ou:

 $\cos\alpha$ $\cos\delta$ = $\cos H$ $\cos\delta$ $\cos S$ + $\sin H$ $\cos\delta$ $\sin S$

ou:

 $cos\alpha = cos(S-H)$

de onde se obtém

$$\alpha = S - H \tag{VII.15}$$

que e a transformação do sistema equatorial para horário.

Note que a matriz de rotação (VII.14) tem determinante <u>i</u> gual a -l e, portanto, tal rotação e dita impropria, porem a rotação es ta correta e o sinal menos se deve ao fato dos sistemas serem inversos, isto e, um dextrogiro e o outro e levogiro (inverso).

A expressão (VII.15) \bar{e} compativel com a definição de α , H e S.

7.3 - TRANSFORMAÇÃO DE COORDENADAS EQUATORIAIS $(Z^i;\delta,\alpha)$ EM COORDENADAS ECLÍPTICAS $(T^i;\beta,\lambda)$

Observar a Figura VII.3.

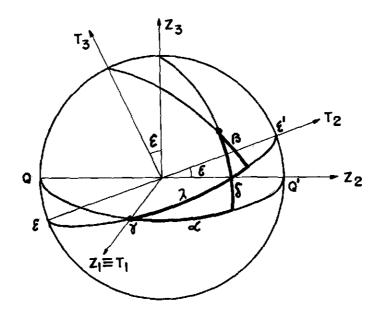


Fig. VII.3 - Sistemas equatorial e ecliptico.

Uma rotação ϵ em torno de Z_1 faz o equador coincidir com a eclíptica.

$$\tilde{T} = \tilde{R}_1(\varepsilon) \tilde{Z}$$
 (VII.16)

ou:

$$\begin{bmatrix} T_1 \\ T_2 \\ T_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \varepsilon & \sin \varepsilon \\ 0 & -\sin \varepsilon & \cos \varepsilon \end{bmatrix} \begin{bmatrix} Z_1 \\ Z_2 \\ Z_3 \end{bmatrix}$$
 (VII.17)

portanto

$$\lambda = tg^{-1}(T_2/T_1) \quad e \quad \beta = tg^{-1} \frac{T_3}{(T_1^2 + T_2^2)^{1/2}}$$
 (VII.18)

A transformação inversa é:

$$\tilde{\mathbf{Z}} = \tilde{\mathbf{R}}_1^{\mathsf{T}}(\varepsilon) \tilde{\mathbf{T}}$$

CAPTTULO VIII

TRANSFORMAÇÕES DEVIDAS ÀS VARIAÇÕES DAS COORDENADAS CELESTES NO TEMPO

8.1 - PRECESSÃO GERAL

Dado um sistema de coordenadas celestes medio, nas epo cas T_0 e T, a transformação que corrige no tempo as coordenadas, devido ao movimento de precessão geral (luni-solar e planetária) do sistema, e:

$$\begin{pmatrix} W_1 \\ W_2 \\ W_3 \end{pmatrix}_{\alpha, \delta} = \widetilde{\mathbf{P}} \begin{pmatrix} W_1 \\ W_2 \\ W_3 \end{pmatrix}_{\alpha_0, \delta_0}$$
 (VIII.1)

onde (α_0, δ_0) e (α, δ) são as coordenadas equatoriais nas épocas T_0 e T respectivamente, e

$$\widetilde{\mathbf{P}} = \widetilde{\mathbf{R}}_3(-\mathbf{Z}) \ \widetilde{\mathbf{R}}_2(\Theta) \ \widetilde{\mathbf{R}}_3(-\xi_0) \tag{VIII.2}$$

Se ξ_0 é o complemento do ângulo entre o equinócio médio da época e o nodo ascendente do equador médio da data, θ é a precessão em declinação e $\zeta_0 + Z$ a precessão em ascensão reta, tem-se (Mueller, 1968):

$$\zeta_0 = (2304", 250 + 1", 396t_0) + 0", 302t^2 + 0", 018t^3,$$

$$Z = \zeta_0 + 0", 791t^2 + 0", 001t^3,$$

$$\theta = (2004", 682 - 0", 853t_0) - 0", 426t^2 - 0", 042t^3,$$
(VIII.3)

e t e to são obtidos de

$$T_0 = 1900, 0 + t_0$$
,
 $T = 1900, 0 + t_0 + t$ (VIII.4)

uma vez que T_0 e T são as épocas onde se quer calcular o intervalo de tempo para se introduzir nas expressões (VIII.3). Os dois tempos t_0 e t devem ser divididos por séculos trópicos, e um século trópico é igual a 36.524,22 dias médios.

8.2 - NUTAÇÃO

Para se converter um sistema de coordenadas *celestes mé* dio em *celeste verdadeiro*, e necessario que se considere o efeito da nu tação. Decorre da Figura VIII.1,

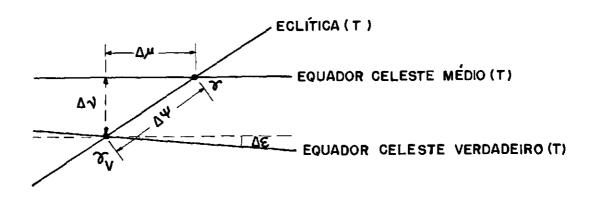


Fig. VIII.l - Deslocamento entre o equador medio e o verdadeiro.

0 eixo 1 passa por γ_{V} . Logo, uma rotação $-\Delta\epsilon$, em torno deste, faz com que o equador medio e o verdadeiro fiquem paralelos. Girando de $\Delta\gamma$ em torno do eixo 2, as duas linhas equatoriais se tornam co incidentes e finalmente girando de $-\Delta\mu$ em torno do eixo 3, os dois pontos γ coincidirão.

Então:

$$\begin{pmatrix} Z_1 \\ Z_2 \\ Z_3 \end{pmatrix} = \widetilde{\mathbf{R}}_1 (-\Delta \varepsilon) \ \widetilde{\mathbf{R}}_2 (\Delta v) \ \widetilde{\mathbf{R}}_3 (-\Delta \mu) \begin{pmatrix} W_1 \\ W_2 \\ W_3 \end{pmatrix}$$
 (VIII.5)

ou:

$$\tilde{Z} = \tilde{N} \tilde{W}$$

sendo que:

$$\widetilde{\mathbf{N}} = \widetilde{\mathbf{R}}_{1} (-\Delta \varepsilon) \ \widetilde{\mathbf{R}}_{2} (\Delta \nu) \ \widetilde{\mathbf{R}}_{3} (-\Delta \mu) = \begin{bmatrix} 1 & -\Delta \mu & -\Delta \nu \\ \Delta \mu & 1 & -\Delta \varepsilon \\ \Delta \nu & \Delta \varepsilon & 1 \end{bmatrix}$$
 (VIII.6)

onde:
$$\Delta \mu = \Delta \psi \cos \epsilon$$
 (VIII.7) $\Delta \nu = \Delta \psi \sin \epsilon$

 ε \tilde{e} a obliquidade da eclíptica na \tilde{e} poca T, $\Delta \varepsilon$ e $\Delta \psi$ s \tilde{a} 0 dados para a \tilde{e} poca de refer \tilde{e} ncia 1900.0, por:

$$\Delta \varepsilon = (9",2100+0",00091t) \cos \Omega_{L} - (0",0904+0",0004t) \cos 2\Omega_{L} + 0",0024 \cos (2\omega_{L}+\Omega_{L}) + 0",0002 \cos (2\omega_{S}-\Omega_{L}) + 0",0002 \cos (2\omega_{L}+\Omega_{L}) + (0",5522-0",00029t) \cos \lambda_{S} + \dots$$
 (VIII.8)
$$\Delta \psi = -(17",2327+0",001737t) \sin \Omega_{L} + (0",2088+0",00002t) \sin 2\Omega_{L} + 0",0045 \sin (2\omega_{L}+\Omega_{L}) - 0",0010 \sin 2\omega_{L} - 0",0004 \sin (2\omega_{S}-\Omega_{L}) - 0",0003 \sin 2(\omega_{L}+\Omega_{L}) + \dots$$
 (VIII.9)

Os ângulos que aparecem nas expressões VIII.9 e VIII.10 são:

 $\Omega_{\rm I}$ = longitude media do nodo ascendente da orbita da Lua;

 ω_1 = longitude media do perigeu da Lua;

 ω_{ς} = longitude media do perigeu do Sol;

 λ_{ς} = longitude media do Sol.

Alēm desses angulos, são úteis também os seguintes:

ε = obliquidade media da ecliptica

θ = GAST, tempo sideral aparente de Greenwich

onde:

$$\Omega_{L} = 259^{\circ}, 183275 - 1934^{\circ}, 1420083T + 0^{\circ}, 20777778 \times 10^{-2}T^{2} + 0^{\circ}, 22222222 \times 10^{-5}T^{3} \dots$$
 (VIII.10)

$$\omega_{L} = 334^{\circ},3295556 + 4069^{\circ},0340333T - 0^{\circ},010325000T^{2} - 0^{\circ},12500000 \times 10^{-4}T^{3} \dots$$
 (VIII.11)

$$\omega_{S} = 281^{\circ}, 2208333 + 1^{\circ}, 7191750T + 0^{\circ}, 4527778 \times 10^{-3}T^{2} + 0^{\circ}, 33333333 \times 10^{-5}T^{3} \dots$$
 (VIII.12)

$$\lambda_{S} = 279^{\circ},6966778 + 3600^{\circ},768925T + 0^{\circ},30250000 \times 10^{-3}T^{2}$$
 (VIII.13)

$$\varepsilon = 23^{\circ},452294 - 0^{\circ},0130125T - 0^{\circ},00000164T^{2} + 0^{\circ},50277778 \times 10^{-6}T^{3} \dots$$
 (VIII.14)

$$\theta = 99^{\circ},6909833 + 36000^{\circ},7689T_{0} + 0^{\circ},00038708T_{0}^{2} + 0,25068447(graus/min).t(min) ... (VIII.15)$$

Nesta $\widehat{\text{ultima}}$, a parte em *HORA*, *MINUTO* e *SEGUNDO*, da data Juliana, $\widehat{\text{e}}$ posta em minutos e $T=T_0$ $\widehat{\text{e}}$ calculado para zero hora T.U. da data, onde o T, das expressões (VIII.10) a (VIII.14), $\widehat{\text{e}}$ determinado pela forma (Escobal, 1965):

$$T = \frac{J.D. - 2415020,0}{36525}$$
 (VIII.16)

O T_0 da expressão (VIII.15) \tilde{e} calculado atraves da expressão anterior, porem para a zero hora TU da data e t são dados em minutos.

Exemplo Ilustrativo

Determinar o tempo sideral de Greenwich (GAST) no dia 15 de outubro de 1979, \tilde{as} 9^h 10^m 20^S TU.

Dia Juliano de 14 de janeiro de 1979 ao meio dia,

J.D. = 2444162,5 para a zero hora TU do dia 15 de outubro de 1979

$$T_0 = \frac{2444162,5 - 2415020,0}{36525} = 0,797878166$$

е

$$t = 550,33333333$$

portanto

$$\theta = 99^{\circ},6909833 + 284^{\circ},2274592 + 0^{\circ},0002464 + 137^{\circ},959982$$

ou

$$\theta = 161^{0},878$$

8.3 - TRANSFORMAÇÃO DE SISTEMA DE COORDENADAS TERRESTRE INSTANTÂNEO (U¹) PARA CELESTE VERDADEIRO (Z¹)

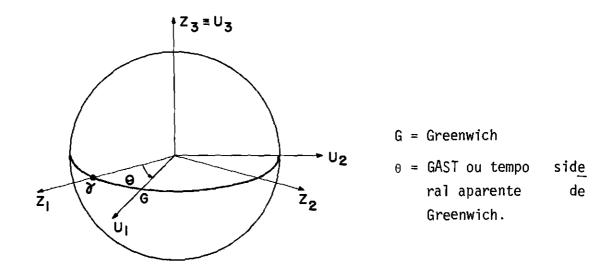


Fig. VIII.2 - Sistemas terrestre instantâneo e celeste verdadeiro

Uma rotação $\mathbf{R}_3(-\theta)$ faz com que os dois sistemas coinc \underline{i}

$$\tilde{\mathbf{Z}} = \tilde{\mathbf{R}}_3(-\theta) \tilde{\mathbf{U}}$$
 (VIII.17)

8.4 - TRANSFORMAÇÃO DE SISTEMA DE COORDENADAS TERRESTRE INSTANTÂNEO (U¹) PARA TERRESTRE MEDIO (X¹)

Neste caso, a diferença de um sistema para outro e so de vido ao movimento do polo e duas rotações são suficientes para a conversão.

$$\widetilde{\mathbf{X}} = \widetilde{\mathbf{R}}_2(-\mathbf{x}_p) \ \widetilde{\mathbf{R}}_1(-\mathbf{y}_p) \ \widetilde{\mathbf{U}}$$
 (VIII.18)

onde x_p e y_p são as coordenadas do põlo.

8.5 - TRANSFORMAÇÃO DE SISTEMA DE COORDENADAS CELESTE VERDADEIRO (Z^{i}) PARA TERRESTRE MEDIO (X^{i})

$$\widetilde{\mathbf{X}} = \widetilde{\mathbf{R}}_2(-\mathbf{x}_p) \ \widetilde{\mathbf{R}}_1(-\mathbf{y}_p) \ \widetilde{\mathbf{R}}_3(\theta) \ \widetilde{\mathbf{Z}}$$
 (VIII.19)

onde $\theta = GAST$.

Usualmente se denomina:

$$\widetilde{S} = \widetilde{R}_2(-x_p) \ \widetilde{R}_1(-y_p) \ \widetilde{R}_2(\theta)$$
 (VIII.20)

portanto,

$$\tilde{X} = \tilde{S} \tilde{Z}$$
 (VIII.21)

A inversa ē:

$$\widetilde{\mathbf{Z}} = \widetilde{\mathbf{S}}^{-1} \ \widetilde{\mathbf{X}} \tag{VIII.22}$$

Deve-se observar que como $\mathbf{x}_{\mathbf{p}}$ e $\mathbf{y}_{\mathbf{p}}$ são muito pequenos, então:

$$\widetilde{\mathbf{R}}_{2}(-x_{p})\widetilde{\mathbf{R}}_{1}(-y_{p}) =
\begin{cases}
1 & 0 & x_{p} \\
0 & 1 & -y_{p} \\
-x_{p} & y_{p} & 1
\end{cases}$$
(VIII.23)

8.6 - RELAÇÃO ENTRE COORDENADAS GEODĒSICAS (ϕ, λ) E COORDENADAS CARTESIA NAS GEODĒSICAS $(V^{\hat{1}})$

Na Figura VIII.3,

$$PQ = N + \overline{N} + \overline{H} = N + h$$

RQ = N = raio de curvatura do 1º vertical

 \overline{N} = distância geoidal ou distância do geoide ao elipsoide

$$h = \overline{N} + \overline{H}$$

H = altitude (distancia do geoide a superficie física)

 ϕ e λ = latitude e longitude geodesicas

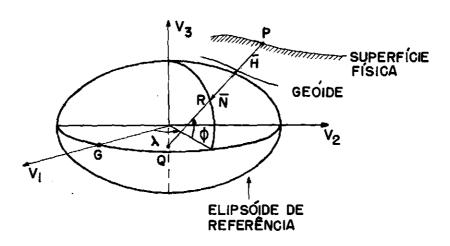


Fig. VIII.3 - Sistema de coordenadas geodésicas.

$$V_1 = (N+h) \cos \phi \cos \lambda$$

$$V_2 = (H+h) \cos \phi \cos \lambda$$

$$V_3 = [N(1-e^2)+h] \sin \phi$$
(VIII.24)

As expressões (VIII.24) dão a posição de um ponto P na superfície física da Terra, em relação a um sistema de coordenadas com origem no centro da Terra.

Transformação inversa:

$$tg\lambda = V_2/V_1$$
,

$$tg_{\phi} = \frac{V_3 + N e^2 sen_{\phi}}{(V_1^2 + V_2^2)^{1/2}}$$
,

$$N = \frac{a}{(1 - e^2 \sin^2 \phi)^{1/2}} ,$$

resolve-se por iterações sucessivas, dando um valor inicial aproximado para ϕ .

8.7 - RELAÇÃO ENTRE SISTEMA TOPOCÊNTRICO (Z^{i}) E SISTEMA CELESTE (Z^{i})

O sistema topocêntrico e construído na superfície física e tem eixos paralelos ao sistema celeste, conforme mostra a Figura VIII.4. Neste caso e necessário acrescentar o GAST à longitude.

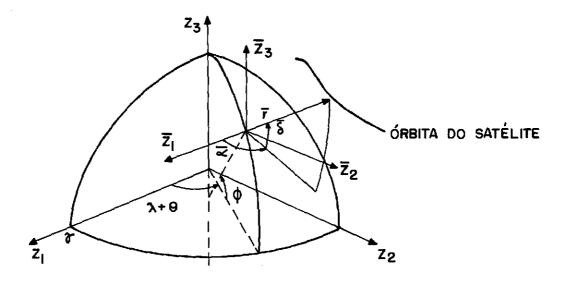


Fig. VIII.4 - Sistema topocêntrico.

$$\begin{bmatrix}
\overline{Z}_1 \\
\overline{Z}_2 \\
\overline{Z}_3
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
Z_1 \\
Z_2 \\
Z_3
\end{bmatrix} - \begin{bmatrix}
(N+h) \cos\phi \cos(\lambda+\theta) \\
(N+h) \cos\phi \sin(\lambda+\theta) \\
|N(1-e^2)+h| \sin\phi
\end{bmatrix}$$
(VIII.25)

Em teoria de satélites (Brouwer, 1961), o $\tilde{\mathbf{Z}}$ é dado por

$$\tilde{\mathbf{Z}} = \tilde{\mathbf{R}}_3(-\Omega) \; \tilde{\mathbf{R}}_1(-\mathrm{I}) \; \tilde{\mathbf{R}}_3(-\omega) \; \tilde{\mathbf{H}}$$
 (VIII.26)

onde Ω , I, ω são os ângulos de Euler da órbita e \widetilde{H} \widetilde{e} a matriz coluna do sistema de coordenadas no plano da órbita.

Portanto, tendo calculado $\tilde{\mathbf{Z}}$, calcula-se as coordenadas curvilíneas (esféricas) que são dadas por:

$$\overline{Z}_1 = \overline{r} \cos \overline{\delta} \cos \overline{\alpha}$$

$$\overline{Z}_2 = \overline{r} \cos \overline{\delta} \sin \overline{\alpha}$$

$$\overline{Z}_3 = \overline{r} \sin \overline{\delta}$$

$$\overline{\alpha} = tg^{-1} \frac{\overline{Z}_2}{\overline{Z}_1}$$

$$\overline{\delta} = tg^{-1} \frac{\overline{Z}_3}{\overline{Z}_1} \cos \overline{\alpha}$$
(VIII.27)

 $\overline{\alpha}$ e $\overline{\delta}$ são coordenadas topocêntricas. As coordenadas α e δ geocêntricas (celestes) são dadas por:

$$Z_{1} = r \cos \delta \cos \alpha$$

$$Z_{2} = r \cos \delta \sin \alpha$$

$$Z_{3} = r \sin \delta$$

$$\alpha = tg^{-1} (Z_{2}/Z_{1})$$

$$\delta = tg^{-1} \frac{Z_{3}}{Z_{1}} \cos \alpha$$
(VIII.28)

 $\overline{\alpha}$, $\overline{\delta}$ e α , δ diferem apenas da paralaxe.

CAPITULO IX

SISTEMAS DE TEMPO

Atualmente utilizam-se dois sistemas de tempo, o astronômico e o atômico, havendo sub-sistemas em cada um destes. Também se considera o tempo sob dois aspectos; uma vez como intervalo e outra como instante (época). A grande diversificação que existe em sistemas de tempo está baseada na procura de um contador de tempo o mais uniforme possível.

A seguir são dados as diversas espécies de tempo.

9.1 - TEMPO ASTRONÔMICO

O tempo astronômico está baseado na observação de a<u>s</u> tros, podendo ser decorrente do movimento de rotação da terra ou do m<u>o</u> vimento de um corpo celeste em relação a outro, isto é, rotacional ou não.

9.1.1 - TEMPO SOLAR

O tempo solar está baseado no movimento de rotação da terra em torno de seu eixo.

a) Tempo solar verdadeiro

O tempo solar verdadeiro é regulado pelo movimento diur no do sol, não podendo ser utilizado como unidade por ser de duração va riável devido à obliquidade da eclíptica e à rotação não uniforme da Terra.

DIA SOLAR VERDADEIRO é o intervalo que decorre entre duas passagens sucessivas do sol pelo mesmo semi-meridiano.

HORA SOLAR VERDADEIRA (V) \tilde{e} dada pelo \tilde{a} ngulo hor \tilde{a} rio do sol (H_V), acrescido de 12 horas (Mueller, 1968).

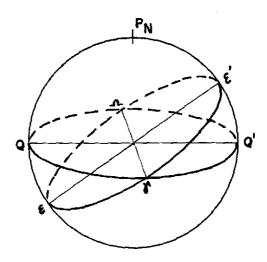


Fig. IX.1 - Angulo entre a ecliptica e o equador celeste.

$$V = H_V + 12^h \tag{IX.1}$$

b) <u>Tempo solar médio</u>

O tempo solar médio é regulado por um "sol imaginário", que percorre o equador celeste com movimento uniforme, no mesmo tempo que o sol (verdadeiro) percorre a eclíptica.

 $\it HORA~SOLAR~\it MEDIA~\it (M)~\it E~o~\it angulo~horario~do~sol~\it medio~\it (H_M)~\it no~instante~considerado.$

$$M = H_{M}$$
 (IX.2)

DIA CIVIL e o intervalo de tempo que decorre entre duas passagens sucessivas do sol medio pelo mesmo semimeridiano, com início no semimeridiano inferior. Quando o sol medio passa pelo semimeridiano superior são 12 horas.

$$C = H_{M} + 12^{h} \tag{IX.3}$$

O globo terrestre estã dividido em 24 setores de $15^{\rm O}$ ca da, que são denominados "Fusos Horários", tendo como origem de contagem o meridiano medio de Greenwich, que e o meridiano central do Fuso (0) zero. Os fusos a oeste deste são contados como +1, +2, ..., +12 e aque les a leste como -1, -2, ..., -12. O Fuso 12 tem apenas meio fuso para cada sinal, isto e, para leste do meridiano central do fuso 12 tem-se +12 e para oeste deste mesmo meridiano, tem-se -12, como mostra a Figura IX.2.

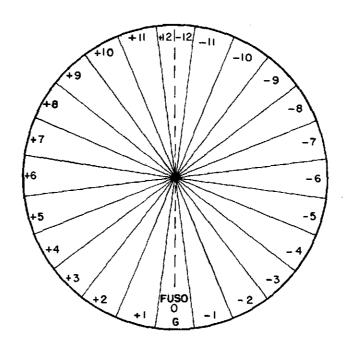


Fig. IX.2 - Fusos horários.

A partir dos meridianos centrais dos fusos horários, ē definida a Hora Legal.

HORA LEGAL (L) $\bar{\rm e}$ a hora civil de cada meridiano central, dos 24 fusos horarios, para todo fuso, esta $\bar{\rm e}$ a hora que marca no rel $\bar{\rm e}$ gio comum.

$$L = TU + F (IX.4)$$

onde F é o número do fuso horário em que se deseja saber a hora (incluin do o sinal).

c) Tempo universal

Com a finalidade de unificar as medidas de Tempo para to do o globo, foi instituído o Tempo Universal (TU).

 $\it TEMPO\ UNIVERSAL\ (UM)\ \it TU1\ \ \mbox{\'e}\ \ \, TU0\ corrigido\ do\ movimento\ do\ polo, como\ se\ segue:$

$$TU1 = TU0 + \Delta \lambda p \tag{IX.5}$$

para $\Delta\lambda_p = (x_p sen\lambda + y_p cos\lambda)$ tg ϕ onde λ e ϕ são a longitude e a latitude astronômica respectivamente, e x_p e y_p as coordenadas do pôlo instantâneo (verdadeiro) referido ao C.I.O., fornecidas pelo BIH* (circular D) ou pelo SIMP.

TEMPO UNIVERSAL (DOIS), TUZ e TUl corrigido de movimen tos periódicos devidos a rotação não uniforme da terra, como se segue:

^{*} BIH - "Bureau International de L'Heure".

$$TU2 = TU1 + \Delta \lambda_{R}$$
 (IX.6)

para $\Delta \lambda_R = a \sin 2\pi \tau + b \cos 2\pi \tau + c \sin 4\pi \tau + d \cos 4\pi \tau$ (Mueller, 1968) on de τ e fração do ano trópico (AENA) e a, b, c, d são parametros fornecidos pelo BIH (circular A).

9.1.2 - TEMPO SIDERAL

O tempo sideral estã baseado no movimento de rotação da terra em torno de seu eixo, e regulado por uma estrela fixa ou ponto fixo da esfera celeste. Oficialmente \tilde{e} adotado o ponto vernal como regulador do tempo sideral.

a) Tempo sideral aparente

O tempo sideral aparente (ou verdadeiro) é regulado pelo ponto vernal verdadeiro, o qual esta sujeito a perturbações devido a nu tação e a precessão.

DIA SIDERAL APARENTE (verdadeiro) é o intervalo que de corre entre duas culminações sucessivas do ponto vernal verdadeiro pelo mesmo semimeridiano.

HORA SIDERAL APARENTE (verdadeira), S_V \vec{e} o \hat{a} ngulo hor $\underline{\hat{a}}$ rio do ponto vernal verdadeiro, com inicio de contagem no S.M.S. e, também, \vec{e} dada pela ascensão reta (α) do S.M.S.

$$S_V = \alpha$$
 (IX.7)

TEMPO SIDERAL APARENTE DE GREENWICH (GAST) e a hora sideral aparente no meridiano médio de Greenwich.

b) Tempo sideral medio

O tempo sideral medio e regulado pelo ponto vernal medio, o qual esta sujeito, somente, a perturbações devidas a precessão.

DIA SIDERAL MÉDIO $\tilde{\mathbf{e}}$ o intervalo entre duas passagens consecutivas do ponto vernal médio pelo mesmo semimeridiano.

HORA SIDERAL MÉDIA (S_M) e o ângulo horario do ponto vernal médio, com início de contagem no S.M.S.

$$S_{M} = S_{V} - n \tag{IX.8}$$

onde n \vec{e} a nutação em ascensão reta (α).

TEMPO SIDERAL MÉDIO DE GREENWICH (GMST) é a hora sideral média de Greenwich.

9.1.3 - TEMPO DAS EFEMERIDES

O tempo das efemérides (TE) é regulado pelo movimento de translação de um corpo celeste em torno de outro.

O tempo das efemérides, no caso da terra (tempo Newtonia no) é dado pela variação da longitude (Geométrica) do sol, tendo como início 1900 janeiro 12^h TU, quando a longitude média do sol em relação ao ponto vernal médio era 279^o 41' 48",04. Um século TE tem 36.525 dias das efemérides, onde 1 dia tem 24 horas, 1 hora tem 60 minutos e 1 minuto tem 60 segundos.

A unidade do TE é o segundo das efemérides dado por 1/31556925,9747 do ano trópico 1900 janeiro 0,5 TE (ano trópico está definido no item 9.3.2).

$$TE = TAI + 32^{S}, 28$$
 (IX.9)

9.2 - TEMPO ATÔMICO

O tempo atômico e suposto fluir uniformemente. Sua unida de fundamental e o segundo atômico, dado pela transição entre os niveis superfinos F=4, $m_F=0$ e F=3, $m_F=0$, do estado fundamental $S_{1/2}$ do

atomo de Cesio-133 não perturbado por campos externos, onde 9192631770,0 Hz e a frequência admitida.

9.2.1 - TEMPO ATÔMICO INTERNACIONAL (TAI)

E regulado por um padrão Cesio 133, sendo que sua dif<u>u</u> são e feita pelo BIH, e sua origem e 19 de janeiro de 1958.

9.2.2 - TEMPO UNIVERSAL COORDENADO (TUC)

É baseado no tempo atômico (TAI) e se aproxima de TUI, $p_{\underline{a}}$ ra:

$$|TUC - TAI| = N (IX.10)$$

onde N e sempre um numero inteiro de segundos. Sempre que

$$|TUC - TU1| = 0^{S},75,$$

 \tilde{e} efetuado um salto de N segundos, isto \tilde{e} , |TUC - TUI| \tilde{e} sempre menor que 0^S .75.

9.3 - CALENDARIOS

9.3.1 - CALENDARIO SIDERAL

O calendario sideral usa como argumento o tempo sideral.

DATA SIDERAL DE GREENWICH (DSG) \bar{e} o número de dias siderais de dias siderais médios decorridos no meridiano médio (astronômi co) de Greenwich, desde o meio dia (12^h TU) de 19 de janeiro de 4713 A.C.

DIA SIDERAL DE GREENWICH é a parte inteira da data sideral de Greenwich.

9.3.2 - CALENDARIOS CIVIS

a) Ano sideral

E o tempo decorrido entre duas passagens consecutivas do sol por um ponto fixo da eclíptica, sendo que o sol percorre $360^{\rm O}$ em um ano.

b) Ano tropico

E o tempo decorrido entre duas passagens sucessivas do sol pelo ponto vernal (o sol percorre 359° 59' 09",08 em um ano, porque o ponto vernal retrograda de 50",2 por ano) o que corresponde a 365,2442 dias médios.

c) Ano anomalistico

E o tempo decorrido entre duas passagens consecutivas da terra pelo perihelio; o sol em seu movimento aparente percorre 360º 00' 11",60 em um ano, pois o perihelio sofre um avanço de 11",60 por ano.

d) Calendario Juliano

O Calendário Juliano tem como argumento o ano de 365,25 dias, ou o século de 36525 dias, sofrendo uma correção de 1 dia cada 125 anos.

1900 janeiro 0,5 TU => DJ 2415020,0 TU

DATA JULIANA MODIFICADA (DJM). É definida da seguinte forma:

$$DJM = DJ - 2400000,5$$
 (IX.11)

A data Juliana das efemérides (DJE) tem sua origem em 1900 janeiro 0,5 TE dado por DJE 2415020,0 TE

$$DJE = DJ + \Delta T \tag{IX.12}$$

onde $\Delta T = TU - TE$.

A data Juliana pode ser encontrada em qualquer anuário, como por exemplo o Anuário do Observatório Nacional e ou o Anuário Astronômico da USP.

9.3.3 - CALENDÁRIO ASTRONÔMICO GREGORIANO

0 ano astronômico gregoriano começa \tilde{a} 0^h TU de 31 de de zembro do ano anterior, e tem 365 dias. Por exemplo:

12^h TU de 31 de dezembro de 1899 no Calendário Gregoriano será 1900 janeiro 0,5 TU

No ano astronômico gregoriano foi introduzida uma correção de 1 dia cada 49 ano (bissexto) e um dia a cada 125 anos, segundo a seguinte regra: será acrescentado um dia ao mês de fevereiro em todo ano cujo número for divisível por 4, mas todo início de século que não for divisível por 400 não será bissexto.

9.3.4 - CALENDARIO DE BESSEL

O início do ano de Bessel para todo globo é o momento em que a ascensão reta do sol médio, afetada da aberração e contada a pa<u>r</u> tir do ponto vernal médio é precisamente 18^h 40^m.

A fração do ano de Bessel para cada dia do ano, à O^h TE, ē dada nas tabelas de números diários de Bessel, no AENA ("American Ephemeris and Nautical Almanac").

9.4 - TRANSFORMAÇÕES DE TEMPO

9.4.1 - CONVERSÕES DE INTERVALOS

a) Tempo solar medio em sideral medio:

$$I_{S} = I_{M} + I_{M} \eta \tag{IX.13}$$

onde $\eta = 0,002737909$.

b) Tempo sideral medio em solar medio:

$$I_{\mathsf{M}} = I_{\mathsf{S}} + I_{\mathsf{S}} \, \mu \tag{IX.14}$$

onde $\mu = -0,002730433$.

 I_S e I_M são os intervalos em tempo sideral médio e solar médio respectivamente, enquanto que os produtos I_{M^η} e I_{S^μ} podem ser extraídos das tabelas IX e VII do AENA.

9.4.2 - HORA SIDERAL MEDIA A ZERO HORA CIVIL LOCAL

$$S_{M} = S_{0} + \lambda \eta \qquad (IX.15)$$

onde S_0 e o tempo sideral à 0^h TU consignado nas efemérides do sol. O produto $\lambda\eta$ pode ser extraïdo da Tabela VIII do AENA, onde λ (longitude local) e o argumento.

9.4.3 - CONVERSÃO DE HORA CIVIL EM SIDERAL MEDIA

$$S = S_0 + \lambda \eta + C + C \eta \qquad (IX.16)$$

9.4.4 - CONVERSÃO DE HORA SIDERAL MEDIA EM CIVIL

$$C = S - (S_0 + \lambda \eta) - [S - (S_0 + \lambda \eta)] \mu$$
 (IX.17)

9.4.5 - CONVERSÃO DE HORA LEGAL EM HORA CIVIL

$$C = L - \lambda + F \tag{IX.18}$$

sendo F a longitude do meridiano central do fuso, ao qual pertence o meridiano local λ .

9.4.6 - HORA SIDERAL MEDIA A Oh TU

$$S_0 = 12^h + \alpha_M$$
 (IX.19)

onde $\alpha_{\mbox{\scriptsize M}}\,\, \bar{\mbox{\scriptsize e}}$ a ascensão reta do sol médio.

$$\alpha_{\rm M} = \alpha_{\rm V} + \overline{\epsilon}$$
 (IX.20)

onde α_V é a ascensão reta do sol verdadeiro e $\overline{\epsilon}$ a equação do tempo. α_V e $\overline{\epsilon}$ podem ser retiradas das tabelas de efemérides do sol, ou então calculadas através de:

$$\overline{\epsilon} = V - C$$
, (IX.21)

e α_V ē igual a longitude mēdia do sol λ_S , dada pela expressão (VIII.13), que deve ser convertida para unidade de tempo.

9.4.7 - CALCULO DA DATA JULIANA (JD) A PARTIR DO CALENDARIO CIVIL GRE-GORIANO EM TEMPO TU

$$JD|_{t} = JD|_{t_{0}} + N \times 365 + \left[\left[\frac{N}{4} \right] - 1 \right] + n + \frac{H}{24} + \frac{M}{1440} + \frac{S}{86400}$$
 (IX.22)

onde

JD|_t ēo dia Juliano na ēpoca desejada,

 $JD|_{t_0}$ = 2415020,0 que \bar{e} o dia Juliano em 1900 janeiro 0^{h} TU

N = numero de anos desde 1900

 $\left[\frac{N}{4}\right]$ = parte inteira do número de anos apos 1900 dividido por 4, o que, a menos de um, representa o número de dias bissex tos.

n = número de dias desde o princípio do ano

H = horas transcorridas no dia

M = minutos

S = segundos

REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

- AMERICAN EPHEMERIS AND NAUTICAL ALMANAC 1979. Washington, D.C., U.S. Naval Observatory 1967 . anual.
- ANUÁRIO ASTRONÔMICO 1979. São Paulo, USP. IAG. 1974 . anual.
- ANUÁRIO DO OBSERVATÓRIO NACIONAL 1973. Rio de Janeiro, MEC. ON. 19D5 1976. anual.
- CHEBOTAREV, G.A. Astronomical coordinates and time. In ———.

 Analytical and computational methods in science and mathematics.

 New York, N.Y., Elsevier, 1967. Cap. 1, p. 1-26.
- BROUWER, D.; CLEMENCE, G.M. Methods of celestial mechanics. New York, N.Y., Academic, 1961.
- GEMAEL, C. Astronomia de campo. Curitiba, UFP. IG., 1971.
- GEMAEL, C. Ajustamento de Observações. Curitiba, UFP.IG., 1973.
- GOLDSTEIN, H. Classical mechanics. Singapore, Addison-Wesley, 1973.
- HATSCHBACH, F. Redução de coordenadas celestes e identificação de <u>es</u> trelas em catálogos gravados em fita magnética. Programas em lingua gem FORTRAN IV. Curitiba, UFP.IG., 1975.
- MUELLER, I.I. Spherical and practical astronomy. Columbus, Ohio, Ungar, 1968.
- SCOBAL, P.R. Methods of orbit determination. New York, N.Y., John Wiley & Sons, 1965.
- TOURINHO, P.A.M. Astronomia esférica. In _____. Tratado de astronomia. Curitiba, Mundial, 1950. Cap. 2, p. 21-32.

ERRATA

- Pag. 6, primeira linha do quinto paragrafo, ler 0 Y 3 ao inves de 0 X 3.
- Pāg. 24, formula (VI.1), ler sec∮ ao inves de sen∳.
- Pag. 31, formula (VIII.2), ler $\tilde{\mathbf{R}}_2(\theta_0)$, ao inves de $\tilde{\mathbf{R}}_2(\theta)$.
- Pag. 31, segunda linha do segundo paragrafo, ler θ_0 ao inves de θ .
- Pāg. 31, formula (VIII.3), ler θ_0 ao inves de θ .
- Pag. 32, terceira linha do terceiro paragrafo, ler Δν ao inves de Δγ.
- Pāg. 35, primeira linha do segundo parāgrafo, ler dia 16 ao invēs de dia 15.
- Pag. 35, terceira linha do segundo paragrafo, ler 15 de outubro ao in ves de 14 de janeiro.
- Pāg. 35, sētima linha do segundo parāgrafo, ler dia 16 ao invēs de dia 15.
- Pag. 38, formula (VIII.24), ler $V_2 = (N+H) \cos \phi \cos \lambda$, ao inves de $V_2 = (H+h) \cos \phi \cos \lambda$.
- Pag. 46, quarta linha do quinto paragrafo, ler $\Delta\lambda_p = -(x_p sen\lambda + y_p cos\lambda)tg\phi$ ao inves de $\Delta\lambda_p = (x_p sen\lambda + y_p cos\lambda)tg\phi$.
- Pãg. 53, quarta linha do terceiro parãgrafo, ler 0,5 TU ao invês de 0^h TU.